



03/11/08  
17:14:25

src/PreTrajectoire.java

3

```
}

/**
 * calcul de la somme partielle de terme ( $M^i \cdot t^i / i!$ ) pour  $i=0..I$ 
 * parametre d'instance: I entier, M Matrice
 * @param t flottant
 * @return SOMME[0;I]( $t^i / i!$ ) flottant
 */
public Matrice sommeExponentielle(double t) {
    Matrice somme = Matrice.identite(3);
    Matrice terme = new Matrice(this.M);
    terme.multiplie(t);
    somme.ajoute(terme);
    for (int i = 2; i <= this.I; i++) {
        terme.multiplieDroite(this.M);
        terme.multiplie(t/i);
        somme.ajoute(terme);
    }
    return somme;
}

////////////////////////////////////
//////////
//////////
//////////
//////////
//////////
PARTIE 2: CALCUL DES FONCTIONS
//////////
//////////
//////////
//////////
//////////
//////////

/**
 * calcul de  $A = BC + Dt + E$ 
 * ATTENTION: les matrices B, C, D, E ne doivent pas etre modifiees !!!!
 * @param C,D,E matrice nxl (n quelconque)
 * @param B matrice nxn
 * @param t flottant
 * @return A matrice nxl
 */
public Matrice combinaisonMatrices(Matrice B, Matrice C, Matrice D, Matrice E, double t) {
    Matrice A = new Matrice(E);
    A.ajoute(Matrice.produit(B,C));
    A.ajoute(Matrice.produit(t,D));
    return A;
}

/**
 * calcule la combinaison particuliere  $Y(t) = \exp(t.M) \cdot M1 + t.M2 + M3$ 
 * parametres d'instance: M Matrice 3x3; M1, M2, M3 matrices 3xl
 * @param t flottant
 * @return Y(t) matrice 3xl
 */
public Matrice Y(double t) {
    return this.combinaisonMatrices(this.sommeExponentielle(t), this.M1, this.M2, this.M3, t);
}

/**
 * x(t) peut etre toute fonction croissante definie sur les reels positifs, par exemple:  $x(t)=t$ 
 */
public double x(double t) {
    //return t;
    return this.Y(t).getElement(0,0);
}
```

03/11/08  
17:14:25

src/PreTrajectoire.java

4

```
/**
 * soit x(t) une fonction CROISSANTE sur les reels  $0 \leq t < tMax$ , et soit une valeur  $X > x(0)$ 
 * recherche le plus petit element dans l'image inverse de X par x
 * retourne une valeur approchee par default a tPas pres, si cet element existe; retourne tMax sinon
 * parametres d'instance: tPas, tMax flottants
 * @param X flottant
 * @return min( inf( $x^{-1}(y)$ )-e , tMax) avec  $|e| < tPas$  flottant
 */
public double xInverse(double X) {
    double t=0;
    boolean stop = false;
    while (!stop && t < this.tMax) {
        t += this.tPas;
        if ( this.x(t) > X ) {
            stop = true;
        }
    }
    return t-this.tPas;
}

////////////////////////////////////
//////////
//////////
//////////
//////////
PARTIE 3: TRACE DES COURBES
//////////
//////////
//////////
//////////

/**
 * cree une serie de N points 2D sur la courbe (t,x(t)) et l'ajoute a l'objet traceur r:
 * la serie est enregistree dans une matrice Nx2 dont la j-eme ligne ( $0 \leq j < N$ ) est formee
 * d'un temps t [colonne 0] et de son image x(t) [colonne 1]
 * t varie entre tMin et tMax, avec un espacement de tPas, donc:  $N = (tMax-tMin)/tPas + 1$ 
 * parametre d'instance: tPas, tMin, tMax flottants; la methode double x(double)
 * @param traceur de courbes
 */
public void ajouteSerie(TraceSeries traceur) {
    // nombre de points d'interpolation des courbes
    int N = (int)((this.tMax-this.tMin)/this.tPas)+1;
    double[][] serie = new double[N][2];
    double t = tMin;
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        serie[i][0] = t;
        serie[i][1] = this.x(t);
        t += this.tPas;
    }
    traceur.ajouteSerieAna(serie, "x(t)");
}

/**
 * cree une serie de N points 2D sur la courbe (t,y(t)) et l'ajoute a l'objet traceur r:
 * t varie entre tMin et tMax, avec un espacement de tPas, donc:  $N = (tMax-tMin)/tPas + 1$ 
 * x(t) etant croissante, soit tBarriere = min { t | x(t) >= xBarriere },
 * la courbe t -> y(t) est la fonction lineaire par morceaux definie par:

```





```

/** Projet integrateur CB1 2008/2009 [ CORRECTION ] */
public class SommesEtMatrices {

    /**
     * calcul de la factorielle de n
     * @param n entier positif
     * @return n! entier
     */
    public static int factorielle(int n) {
        int res = 1;
        for (int i = 2; i <= n; i++) {
            res *= i;
        }
        return res;
    }
    //Q1 combien d'operations effectuees par 'factorielle(10)' ? // 10
    // quelle est la complexite de factorielle(n) ? // O(n)

    /**
     * calcul de la somme partielle de terme (n!) pour n=0..rang
     * version lente: appel a la methode factorielle
     * @param rang entier positif
     * @return SOMME[0;rang](n!) entier
     */
    public static int sommeFactorielleNaif(int rang) {
        int somme = 1;
        for (int n = 1; n <= rang; n++) {
            somme += SommesEtMatrices.factorielle(n);
        }
        return somme;
    }
    //Q2 combien d'operations effectuees par 'sommeFactorielleNaif(10)' ?
    // REPONSE: 1+2+3+...+10 = (10+1)x10/2 = 55
    // quelle est la complexite de sommeFactorielleNaif(n) ? // O(n^2)

    /**
     * calcul de la somme partielle de terme (n!) pour n=0..rang
     * version rapide: calcul sequentiel des termes de la somme
     * @param rang entier positif
     * @return SOMME[0;rang](n!) entier long
     */
    public static long sommeFactorielle(int rang) {
        long terme = 1;
        long somme = terme;
        for (int n = 1; n <= rang; n++) {
            terme *= n;
            somme += terme;
        }
        return somme;
    }
    //Q3 combien d'operations effectuees par 'sommeFactorielle(10)' ? // 2x10 = 20
    // quelle est la complexite de sommeFactorielle(n) ? // O(n)
    //Q4 pourquoi sommeFactorielleNaif(100) != sommeFactorielle(100) ?
    // la premiere retourne un int, la seconde un long et MAX_INT < 100! < MAX_LONG

    /**
     * calcul de la somme partielle de terme (t^n) pour n=0..rang
     * PAR CONVENTION, on definit 0^n = lim(t->0) t^n = 1 si n=0, 0 sinon
     * @param t flottant, rang entier positif
     * @return SOMME[0;rang](t^n) flottant
     */
    public static double sommeExposant(double t, int rang) {
        double terme = 1;
        double somme = 1;
        for (int n = 1; n <= rang; n++) {
            terme *= t;
            somme += terme;
        }
    }
}

```

```

    }
    return somme;
}
//Q5 que dire de sommeExposant(10,500) ? // Somme_{n=1..500} t^n > MAX_DOUBLE

/**
 * calcul de la somme partielle de terme (M^n) pour n=0..rang
 * PAR CONVENTION, on definit 0^n = Identite si n=0, 0 sinon
 * @param M Matrice d'entiers 3x3, rang entier positif
 * @return SOMME[0;rang](M^n) Matrice
 */
public static Matrice sommeExposant(Matrice M, int rang) {
    Matrice somme = Matrice.identite(3);
    Matrice terme = new Matrice(M);
    somme.ajoute(terme);
    for (int n = 2; n <= rang; n++) {
        terme.multiplieDroite(M);
        somme.ajoute(terme);
    }
    return somme;
}

/**
 * calcul de la somme partielle de terme (M^n.t^n/n!) pour n=0..rang
 * @param t flottant, M Matrice d'entiers 3x3, rang entier positif
 * @return SOMME[0;rang](M^n.t^n/n!) Matrice
 */
public static Matrice exponentielle(double t, Matrice M, int rang) {
    Matrice somme = Matrice.identite(3);
    Matrice terme = Matrice.identite(3);
    for (int n = 1; n <= rang; n++) {
        terme.multiplieDroite(M);
        terme.multiplie(t/n);
        somme.ajoute(terme);
    }
    return somme;
}

/**
 * calcul de BC + Dt + E
 * ATTENTION: les matrices B, C, D, E ne doivent pas etre modifiees !!!!
 * @param C,D,E matrice nxl (n quelconque), B matrice nxn, t flottant
 * @return BC + Dt + E matrice nxl
 */
public static Matrice combinaisonMatrices(Matrice B, Matrice C, Matrice D, Matrice E, double t) {
    Matrice A = new Matrice(E);
    A.ajoute(Matrice.produit(B,C));
    A.ajoute(Matrice.produit(t,D));
    return A;
}

/**
 * calcule la combinaison particuliere exp(t.B).C + t.D + E
 * ATTENTION: les matrices B, C, D, E ne doivent pas etre modifiees !!!!
 * @param C,D,E matrice nxl (n quelconque), B matrice nxn, t flottant
 * @param rang entier (rang de la somme pour le calcul de l'exponentielle)
 * @return exp(t.B).C + t.D + E matrice nxl
 */
public static Matrice combinaisonExponentielleMatrices(Matrice B, Matrice C, Matrice D, Matrice E, double t, int rang) {
    return SommesEtMatrices.combinaisonMatrices(SommesEtMatrices.exponentielle(t,B,rang),C,D,E,t);
}
}

```

03/05/09  
14:51:54

TrajectoireTheo.java

1

```
import java.io.IOException;
import java.awt.*;

/**
 * Projet integrateur CB1 2008/2009
 * =====
 * Fonctions de calcul et de trace de l'elevation theorique d'une charge
 * @author sofdem [ CORRECTION ]
 */
public class TrajectoireTheo {

    // constantes d'instances
    private final double RAIDEUR = 5.45;
    // raideur du ressort (g/s^2)
    private final double VITESSE_ANGULAIRE_VIDE = 3;
    // vitesse de rotation de la poulie a vide (1/s)
    private final double MASSE_MAX = 0.25;
    // masse pour l'immobilisation du treuil (g)
    private final double RAYON = 0.025;
    // rayon de la poulie (m)
    private final double LONGUEUR_RESSORT_VIDE = 0.03;
    // longueur du ressort a vide (m)
    private final double PESANTEUR = 9.81;
    // acceleration de la pesanteur (m/s^2)
    private final double MASSE = 0.15;
    // masse suspendue (g)
    private final double X_BARRIERE = 0.5;
    // position barriere lumineuse (m)

    private final int RANG = 100; // rang de calcul des sommes partielles
    private final double TPAS = 0.01; // pas de temps
    private final double TMIN = 0; // temps minimal
    private final double TMAX = 5; // temps maximal

    // matrices particulieres utilisees pour les calculs
    private Matrice M; // matrice carree 3x3
    private Matrice Y0; // vecteur 3x1 solution au temps t=0
    private Matrice Ysp; // vecteur 3x1 solution particuliere: pente
    private Matrice Ysp0; // vecteur 3x1 solution particuliere: terme cons

    tant

    private double tBarriere; // instant d'arret du treuil

    ////////////////////////////////////////////////////////////////////
    // PARTIE 1: INITIALISATION DES DONNEES //
    ////////////////////////////////////////////////////////////////////

    // constructeur
    TrajectoireTheo() {
        this.tBarriere = 0;
        this.initialiserMatricesPhaseI();
    }

    /**
     * initialise les matrices particulieres M, Y0, Ysp, Ysp0
     */
    public void initialiserMatricesPhaseI() {
        /// termes de la matrice M du systeme
        double w0carre = RAIDEUR/MASSE;
        double wv = VITESSE_ANGULAIRE_VIDE*2*Math.PI;
    // wv: vitesse de rotation poulie a vide (m)
        double alpha = wv/(MASSE_MAX*PESANTEUR*RAYON);
    // alpha: valeur caracteristique du treuil
        double beta = alpha*RAIDEUR*RAYON*RAYON;
```

03/05/09  
14:51:54

TrajectoireTheo.java

2

```
        /// termes de la solution particuliere Ysp(t)=(Ysp.t+Ysp0)
        double Xv = LONGUEUR_RESSORT_VIDE;

    // Xv: position point d'attache a vide (m)
    double X0 = (MASSE*PESANTEUR/RAIDEUR) + Xv;
    // X0: position point d'attache a t=0 (m)
    double terme = RAYON*wv + beta*(Xv-X0);

    /// initialisation des matrices
    double[][] matrice = {{0,1,0},{-w0carre,0,w0carre},{beta,0,-beta}};
    this.M = new Matrice(matrice);
    double[][] ini = {{0},{0},{X0}};
    this.Y0 = new Matrice(ini);
    double[][] sol1 = {{terme},{0},{terme}};
    this.Ysp = new Matrice(sol1);
    double[][] sol0 = {{-X0},{terme},{0}};
    this.Ysp0 = new Matrice(sol0);
    }

    /**
     * reinitialise les matrices M, Y0, Ysp, Ysp0 en fonction d'une matrice Y1
     */
    public void initialiserMatricesPhaseII(Matrice Y1) {
        /// reinitialisation: les termes 'beta' et 'terme' s'annulent
        this.M.setElement(2,0,0);
        this.M.setElement(2,2,0);
        this.Ysp.setElement(0,0,0);
        this.Ysp.setElement(2,0,0);
        this.Ysp0.setElement(1,0,0);
        /// Y1 est la solution au nouveau temps initial
        this.Y0 = new Matrice(Y1);
    }

    ////////////////////////////////////////////////////////////////////
    // PARTIE 2: CALCUL DES FONCTIONS //
    ////////////////////////////////////////////////////////////////////

    /**
     * calcule et retourne Y(t) = exp(t.M) (Y0-Ysp0) + t.Ysp + Ysp0
     * @param t flottant
     * @return Y(t) matrice 3x1
     */
    public Matrice Y(double t) {
        return SommesEtMatrices.combinaisonExponentielleMatrices (this.M,
        Matrice.soustrait(this.Y0,Ysp0), this.Ysp, this.Ysp0, t, RANG);
    }

    /**
     * retourne le premier element du vecteur Y(t) (fonction croissante)
     * @param t flottant
     * @return x(t) flottant
     */
    public double x(double t) {
        return this.Y(t).getElement(0,0);
    }
}
```

```
////////////////////////////////////  
//////          PARTIE 3: TRACE DES COURBES          ////  
////////////////////////////////////  
  
/**  
 * 1) retourne une courbe interpolant les points 2D (t,x(t)) pour  
 * t variant entre TMIN et TMAX avec un espacement de TPAS  
 * 2) affiche la valeur de tBarriere = min { t | x(t) >= X_BARRIERE },  
 * parametre d'instance: TPAS, TMIN, TMAX, X_BARRIERE flottants  
 */  
public Courbe creeCourbe() {  
    Courbe c = new Courbe("phase I+II");  
    c.setCouleur(Color.getHSBColor(0.75f, .9f, .9f));  
    double t = TMIN;  
    double lastX = this.x(t);  
  
    while (lastX < X_BARRIERE && t <= TMAX) {  
        c.ajouter(t, lastX);  
        t += TPAS;  
        lastX = this.x(t);  
    }  
  
    this.tBarriere = t;  
    System.out.println("tBarriere: " + this.tBarriere);  
    this.initialiserMatricesPhaseII(this.Y(this.tBarriere));  
    while (t<=TMAX) {  
        c.ajouter(t, this.x(t-this.tBarriere));  
        t += TPAS;  
    }  
    return c;  
}  
  
public Courbe creeCourbeBarriere() {  
    Courbe c = new Courbe("tBarriere = " + this.tBarriere, 240);  
    c.setCouleur(Color.getHSBColor(.9f, .9f, .75f));  
    c.ajouter(this.tBarriere-1E-7, 0);  
    c.ajouter(this.tBarriere, X_BARRIERE);  
    c.ajouter(this.tBarriere+1E-7, 0.6);  
    return c;  
}  
  
public Courbe creeCourbeXBarriere() {  
    Courbe c = new Courbe("xBarriere = " + X_BARRIERE);  
    c.setCouleur(Color.getHSBColor(.9f, .9f, .75f));  
    for (double t = TMIN; t <= TMAX; t += TPAS) {  
        c.ajouter(t, X_BARRIERE);  
    }  
    return c;  
}  
  
/**  
 * main: cree un objet Graphique et affiche la courbe  
 * representant la trajectoire theorique de la courbe  
 * @param args liste des arguments  
 */  
public static void main (String[] args) {  
    Graphique g = new Graphique("Courbe t -> x(t)", 800, 600);  
    g.setMaxY(0.6);  
    TrajectoireTheo theo = new TrajectoireTheo();  
    g.ajouter(theo.creeCourbe());  
    g.ajouter(theo.creeCourbeBarriere());  
    g.ajouter(theo.creeCourbeXBarriere());  
    g.montrer();  
}  
}
```

```
import java.io.FileInputStream;
import java.io.BufferedReader;
import java.io.FileReader;
import java.io.IOException;
import java.awt.*;

/**
 * Projet integrateur CB1 2008/2009
 * =====
 * Fonctions de lecture et de trace de l'elevation experimentale d'une charge
 * @author sofdem [ CORRECTION ]
 */
public class TrajectoireExpe {

    // variables d'instance
    private String nomFichier;           // nom du fichier
    private Courbe courbeExpe;         // courbe experimentale

    // constructeur
    TrajectoireExpe() {
        this.nomFichier = "resultatsexpe.txt";
        this.courbeExpe = new Courbe("expe", 53);
        this.courbeExpe.setCouleur(Color.getHSBColor(.5f, .9f, .5f));
        this.lectureFichier();
    }

    // accesseurs
    public Courbe getCourbe() { return this.courbeExpe; }

    /**
     * lecture du fichier texte de donnees formate en
     * 3 colonnes separees par des tabulation/espaces : t non-lu x(t)
     * initialisation de courbeExpe
     */
    private void lectureFichier () {
        try {
            BufferedReader f = new BufferedReader(new FileReader(this.nomFich
ier));

            String ligne = f.readLine();
            while (ligne != null) {
                String[] tabLigne = ligne.split("[ \t]+");
                double t = Double.parseDouble(tabLigne[0].replace(',', '.'));
                double x = Double.parseDouble(tabLigne[2].replace(',', '.'));

                this.courbeExpe.ajouter(t,x);
                ligne = f.readLine();
            }
        } catch (IOException e) {
            System.out.println("erreur dans la lecture du fichier" + this.nom
Fichier);
        }
    }

    /**
     * main: affiche les courbes experimentales et theoriques
     * @param args liste des arguments
     */
    public static void main (String[] args) {
        Graphique g = new Graphique( "Courbe t -> x(t)", 800, 600);
        TrajectoireExpe expe = new TrajectoireExpe();
        g.ajouter(expe.getCourbe());
        TrajectoireTheo theo = new TrajectoireTheo();
        g.ajouter(theo.creeCourbe());
        g.ajouter(theo.creeCourbeXBarriere());
        g.montrer();
    }
}
```